

# Code-Break-Party

Simon Pirkelmann



January 27th, 2020

# Outline

## Substitutions-Chiffren

Cäsar Chiffre

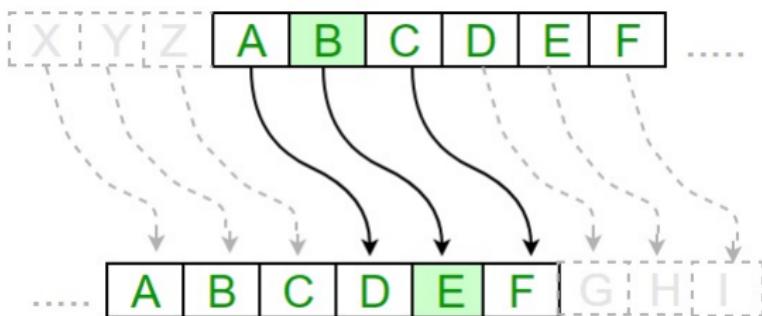
Monoalphabetische Substitution

Vigenère-Chiffre

## Enigma

# Cäsar Chiffre

- Klartext (plain text): ATTACKATDAWN
- Geheimtext (cipher text): DWWDFNDWGDZQ
- Schlüssel: 3 → um 3 Stellen nach rechts verschieben



# Cäsar Kryptoanalyse

- Es gibt nur eine begrenzte Anzahl von Schlüsseln (nur 25 sinnvolle Verschiebungen)
- Brute-Force-Angriff → alle Kombinationen durchprobieren:

Schlüssel	Entschlüsselter Text
0	DWWDFNDWGDZQ
1	CVVCEMCVFCYP
2	BUUBDLBUEBXO
3	ATTACKATDAWN
:	:

# Monoalphabetische Substitution (Kryptogram)

- Anstelle für jeden Buchstaben den gleichen Offset zu verwenden, werden unterschiedliche Buchstaben verschieden verschoben

- Substitutionstabelle:

Klartext Alphabet	ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Geheimtext Alphabet	MOSKAUBCDEFGHIJLNQPQRTVWXYZ

- Beispiel:

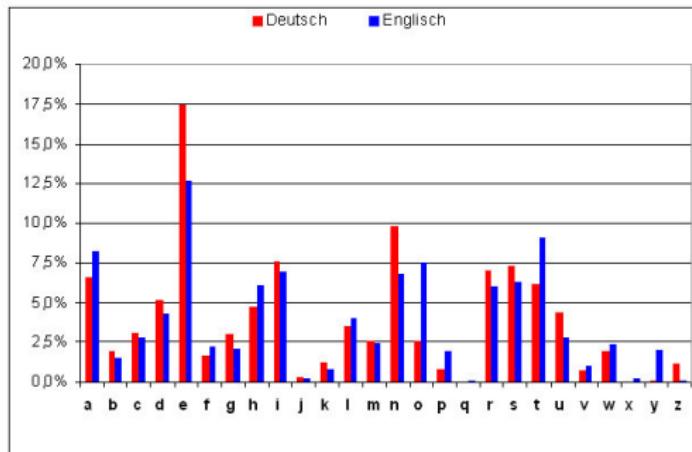
FLEE AT ONCE. WE ARE DISCOVERED.

wird zu

UGAA MR JISA. WA MPA KDQSJVAPAK.

# Frequenzanalyse

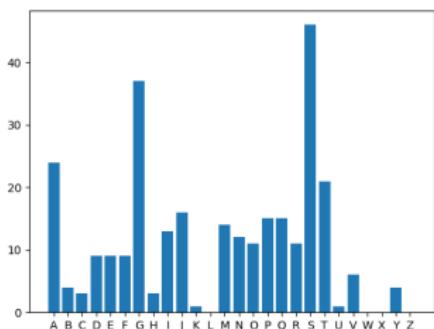
- Buchstaben kommen in natürlicher Sprache mit unterschiedlicher Häufigkeit vor
- Im Deutschen: E, I, N sind häufig, Q, X, Y sind selten



- Statistische Eigenschaften des Klartexts werden von einer Substitutionschiffre nicht verändert

## Beispiel Frequenzanalyse

Tg stgsf Djia tf Ejnsg, nm dseqs stg Ajeetq. Gtiaq tg stgsf csriaqsg, piafrqy়hsg Djia, vj sp gmia Fjnso otsiaq rgn Vrofytkcsd ujg nsg Vmsgnsg asomeamsghsg, rgn mria gtiaq tg stgso qojibsgsg, bmadsg Pmgnhores jags Qtpias rgn Pqrsads, vj fmg ptia yrf Sppsg atgpsqysg bjsggqs: gstg, nmp Djia vmo stgs Ajeetqajsads, rgn nmp astppq, sp vmo psao bjfcjoqmesd.

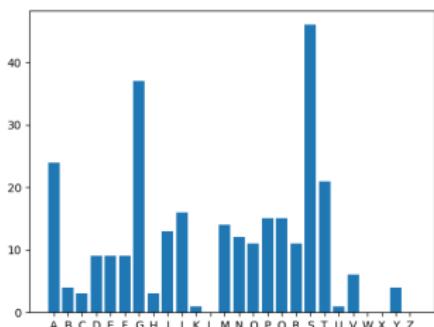


Ciphertext Alphabet

ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ

## Beispiel Frequenzanalyse

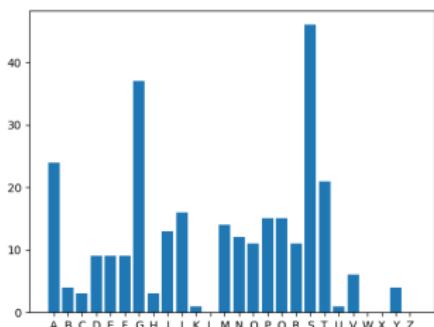
Tg etgef Djia tf Ejneg, nm deeqe etg Ajeetq. Gtiaq tg etgef ceriaqeg, piafrqytheg Djia, vj ep gmia Fjneo oteiaq rgn Vrofytkced ujg neg Vmegneg aeomeameghes, rgn mria gtiaq tg etgeo qojibeges, bmadeg Pmgnhoree jage Qtpiae rgn Pqreade, vj fmg ptia yrf Eppeg atgpeqyeg bjeggqe: getg, nmp Djia vmo etge Ajeetqajeade, rgn nmp aetppq, ep vmo peao bjfcjoqmeed.



Ciphertext Alphabet	Plaintext Alphabet
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ	E

## Beispiel Frequenzanalyse

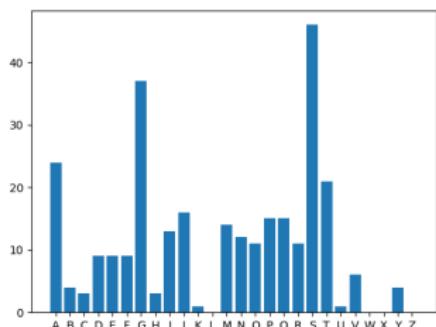
Tn etnef Djia tf Ejnen, nm deeqe etn Ajeetq. Ntiaq tn etnef ceriaqen, piafrqythen Djia, vj ep nmia Fjneo oteiaq rnn Vrofytkced ujn nen Vmennen aeomeamenhen, rnn mria ntiaq tn etneo qojibenen, bmaden Pmnnhoree jane Qtpiae rnn Pgreade, vj fm̄n ptia yrf Eppen atnpeqyen bjennqe: netn, nmp Djia vmo etne Ajeetqajeade, rnn nmp aetppq, ep vmo peao bjfcjoqmeed.



Ciphertext Alphabet	Plaintext Alphabet	N	E
ABCDEFGHIJKLMNPQRSTUVWXYZ			

## Beispiel Frequenzanalyse

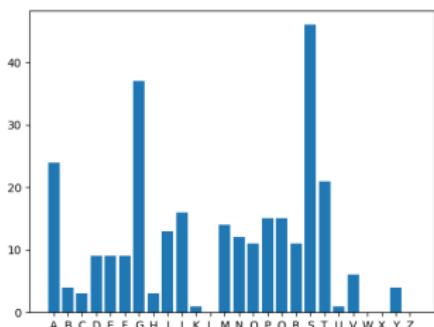
In einef Djia if Ejnen, nm deeqe ein Ajeeiq. Niaq in einef ceriaqen, piafrqyihen Djia, vj ep nmia Fjneo oieiaq rnn Vrofyikced ujn nen Vmennen aeomeamenhen, rnn mria niaq in eineo qojibenen, bmaden Pmnnhoree jane Qipiae rnn Pgreade, vj fm̄n piia yrf Eppen ainpeqyen bjennqe: nein, nmp Djia vmo eine Ajeeiqajeade, rnn nmp aeippq, ep vmo peao bjfcjoqmeed.



Ciphertext Alphabet	ABCDEFGHIJKLMNPQRSTUVWXYZ
Plaintext Alphabet	N EI

## Beispiel Frequenzanalyse

In einem Djia im Ejnen, nm deeqe ein Ajeeiq. Niaq in einem ceriaqen, piamrqihien Djia, vj ep nmia Mjneo oieiaq rnn Vromyikced ujn nen Vmennen aeomeamenhen, rnn mria niaq in eineo qojibenen, bmaden Pmnnhoree jane Qipiae rnn Pgreade, vj mmn piia yrm Eppen ainpeqyen bjennqe: nein, nmp Djia vmo eine Ajeeiqajeade, rnn nmp aeippq, ep vmo peao bjmcjoqmeed.



Ciphertext Alphabet

ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ

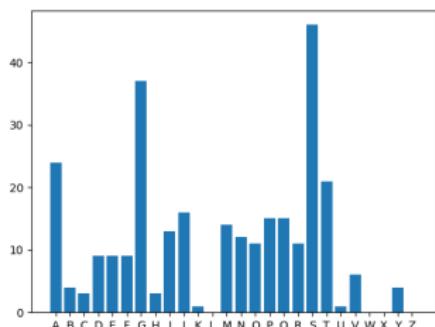
Plaintext Alphabet

MN

EI

## Beispiel Frequenzanalyse

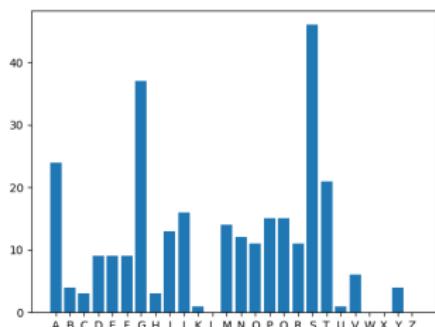
In einem Djia im Ejnen, na deeqe ein Ajeeiq. Niaq in einem ceriaqen, piamrqihien Djia, vj ep naia Mjneo oieiaq rnn Vromyikced ujn nen Vaennen aeoaeaehnen, rnn aria niaq in eineo qojibenen, baaden Pannhoree jane Qipiae rnn Pgreade, vj man piia yrm Eppen ainpeqyen bjennqe: nein, nap Djia vao eine Ajeeiqajeade, rnn nap aeippq, ep vao peao bjmcjoqaeed.



Ciphertext Alphabet	ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Plaintext Alphabet	MN A EI

## Beispiel Frequenzanalyse

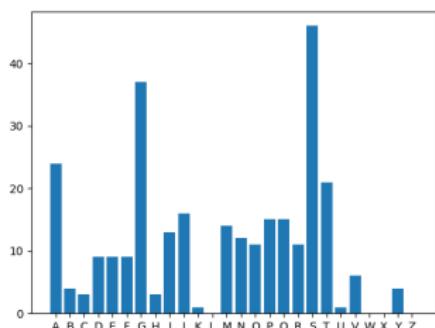
In einem Djia im Ejden, da deeqe ein Ajeeiq. Niaq in einem ceuiaqen, piamuqyihen Djia, vj ep naia Mjdeo oieiaq und Vuomyikced ujn den Vaenden aeoaeaaehen, und auia niaq in eineo qojibenen, baaden Pandhouee jane Qipiae und Pqueade, vj man piia yum Eppen ainpeqyen bjennqe: nein, dap Djia vao eine Ajeeiqajeade, und dap aeippq, ep vao peao bjmcjoqaeed.



Ciphertext Alphabet	ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Plaintext Alphabet	MN AD UEI

## Beispiel Frequenzanalyse

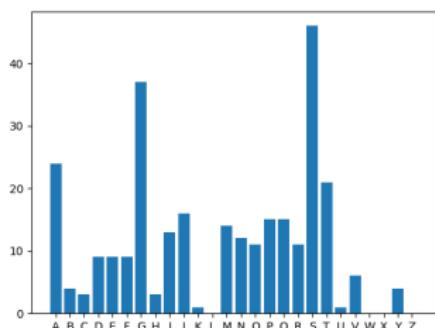
In einem Djia im Ejden, da deeqe ein Ajeeiq. Niaq in einem ceuiaqen, siamuqyihen Djia, vj es naia Mjdeo oieiaq und Vuomyikced ujn den Vaenden aeoaeaehnen, und auia niaq in eineo qojibenen, baaden Sandhouee jane Qisiae und Squeade, vj man siia yum Essen ainseqyen bjennqe: nein, das Djia vao eine Ajeeiqajeade, und das aeissq, es vao seao bjmcjoqaeed.



Ciphertext Alphabet	ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Plaintext Alphabet	MN AD S UEI

## Beispiel Frequenzanalyse

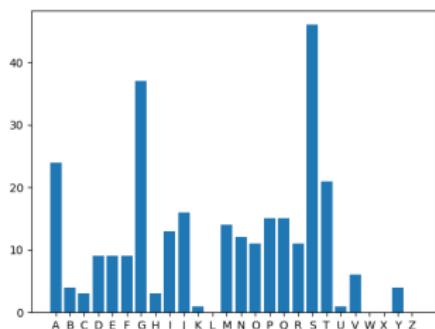
In einem Djia im Ejden, da deeqe ein Ajeeiq. Niaq in einem ceuiaqen, siamuqzihen Djia, vj es naia Mjdeo oieiaq und Vuomzikced ujn den Vaenden aeoaeaehnen, und auia niaq in eineo qojibenen, baaden Sandhouee jane Qisiae und Squeade, vj man siia zum Essen ainseqzen bjennqe: nein, das Djia vao eine Ajeeiqajeade, und das aeissq, es vao seao bjmcjoqaeed.



Ciphertext Alphabet	ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Plaintext Alphabet	MN AD S UEI Z

## Beispiel Frequenzanalyse

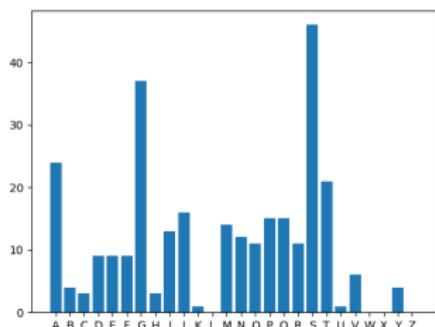
In einem Djia im Ejden, da deeqe ein Ajeeiq. Niaq in einem ceuiaqen, siamuqzihen Djia, vj es naia Mjder rieiaq und Vurmzikced ujn den Vaenden aeraeaaehen, und auia niaq in einer qrjibenen, baaden Sandhruee jane Qisiae und Squeade, vj man siia zum Essen ainseqzen bjennqe: nein, das Djia var eine Ajeeiqajeade, und das aeissq, es var sear bjmcjrqaed.



Ciphertext Alphabet	ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Plaintext Alphabet	MN ADRS UEI Z

## Beispiel Frequenzanalyse

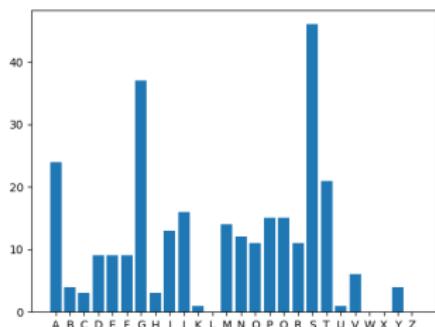
In einem Djih im Ejden, da deete ein Hjeeeit. Niicht in einem ceuihten, sihmutzihen Djih, vj es naih Mjder rieiht und Vurmzikced ujn den Vaenden heraehaenhen, und auih niicht in einer trjibenen, bahden Sandhruee jhne Tisihe und Stuehde, vj man siih zum Essen hinsetzen bjennte: nein, das Djih var eine Hjeeithjehde, und das heisst, es var sehr bjmcjrtaeed.



Ciphertext Alphabet	ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Plaintext Alphabet	H MN ADRSTUEI Z

## Beispiel Frequenzanalyse

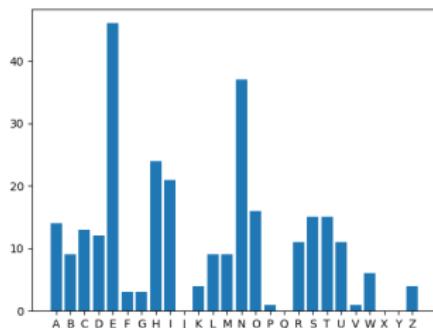
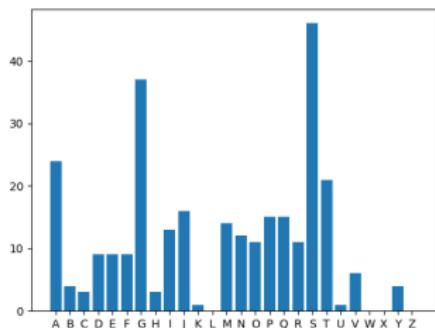
In einem Doch im Eoden, da deete ein Hoeeit. Nicht in einem ceuchten, schmutzigen Doch, vo es nach Moder riecht und Vurmzikced uon den Vaenden heraehaengen, und auch nicht in einer trockenen, kahden Sandgruee ohne Tische und Stuehde, vo man sich zum Essen hinsetzen koennte: nein, das Doch var eine Hoeeithoehde, und das heisst, es var sehr komcortaeed.



Ciphertext Alphabet	ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Plaintext Alphabet	HK MNGCO ADRSTUEI Z

## Beispiel Frequenzanalyse

In einem Loch im Boden, da lebte ein Hobbit. Nicht in einem feuchten, schmutzigen Loch, wo es nach Moder riecht und Wurmzipfel von den Waenden herabhaengen, und auch nicht in einer trockenen, kahlen Sandgrube ohne Tische und Stuehle, wo man sich zum Essen hinsetzen koennte: nein, das Loch war eine Hobbithoehle, und das heisst, es war sehr komfortabel.



Ciphertext Alphabet

ABCDEFGHIJKLMNPQRSTUVWXYZ

Plaintext Alphabet

HKFLBMNGCOP ADRSTUEIVW Z

# Vigenère-Chiffre

- Poly-alphabetische Substitution
- Verwendet unterschiedliche Cäsar-Chiffren für aufeinanderfolgende Buchstaben
- Beispiel:

Schlüsselwort	B A Y R E U T H
Cäser mit Schlüssel	1 0 24 17 4 20 19 7

Verschlüsselung:

Klartext	ES WAR EINMAL VOR LANGER, LANGER ZEIT, ...
Schlüssel	BA YRE UTHBAY REU THBAYR, EUTHBA YREU, ...
Geheimtext	FS URV YBUNAJ MSL EHOGCI, PUGNFR XVMN, ...

→ Gleiche Buchstaben werden nicht immer gleich verschlüsselt

# Tabula recta

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
B	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
C	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A
D	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B
E	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C
F	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D
G	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E
H	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F
I	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G
J	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
K	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I
L	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
M	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
N	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
O	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
P	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
Q	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
R	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
S	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q
T	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R
U	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S
V	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
W	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U
X	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
Y	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W
Z	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X

## Vigenère Kryptoanalyse: Kasiski test

- Schwachstelle der Vigenère-Chiffre: wiederholender Schlüssel

## Vigenère Kryptoanalyse: Kasiski test

- Schwachstelle der Vigenère-Chiffre: wiederholender Schlüssel
- Angenommen wir kennen die Schlüssellänge  $K$ :

# Vigenère Kryptoanalyse: Kasiski test

- Schwachstelle der Vigenère-Chiffre: wiederholender Schlüssel
- Angenommen wir kennen die Schlüssellänge  $K$ :
  - Text in  $K$  Blöcke aufteilen (Beispiel:  $K = 3$ )  
PPKAMJELQHPIAHLWYPKDDNBGPMJELQHPIAHZWUYJH...

# Vigenère Kryptoanalyse: Kasiski test

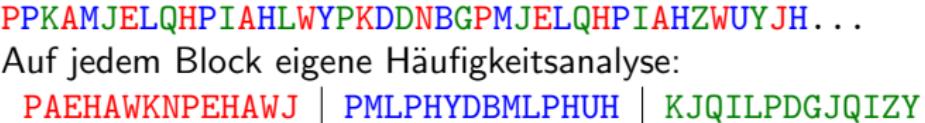
- Schwachstelle der Vigenère-Chiffre: wiederholender Schlüssel
- Angenommen wir kennen die Schlüssellänge  $K$ :
  - Text in  $K$  Blöcke aufteilen (Beispiel:  $K = 3$ )  


# Vigenère Kryptoanalyse: Kasiski test

- Schwachstelle der Vigenère-Chiffre: wiederholender Schlüssel
- Angenommen wir kennen die Schlüssellänge  $K$ :
  - Text in  $K$  Blöcke aufteilen (Beispiel:  $K = 3$ )  

  - Auf jedem Block eigene Häufigkeitsanalyse:  


# Vigenère Kryptoanalyse: Kasiski test

- Schwachstelle der Vigenère-Chiffre: wiederholender Schlüssel
- Angenommen wir kennen die Schlüssellänge  $K$ :
  - Text in  $K$  Blöcke aufteilen (Beispiel:  $K = 3$ )  


PPKAMJELQHPIAHLWYPKDDNBGPMJELQHPIAHZWUYJH...

PAEHAWKNPEHAWJ | PMLPHYDBMLPHUH | KJQILPDGJQIZY
  - Auf jedem Block eigene Häufigkeitsanalyse:
- Problem: Wie findet man die Schlüssellänge?

# Vigenère Kryptoanalyse: Kasiski test

- Schwachstelle der Vigenère-Chiffre: wiederholender Schlüssel
- Angenommen wir kennen die Schlüssellänge  $K$ :
  - Text in  $K$  Blöcke aufteilen (Beispiel:  $K = 3$ )  
PPKAMJELQHPIAHLWYPKDDNBGPMJELQHPIAHZWUYJH...  
PAEHAWKNPEHAWJ | PMLPHYDBMLPHUH | KJQILPDGJQIZY
  - Auf jedem Block eigene Häufigkeitsanalyse:
- Problem: Wie findet man die Schlüssellänge?  
**Kasiski Test:**  
PPKAMJELQHPIAHLWYPKDDNBGPMJELQHPIAHZWUYJH...
  - Suche nach wiederholenden Buchstabengruppen ( $N$ -Gramme)

# Vigenère Kryptoanalyse: Kasiski test

- Schwachstelle der Vigenère-Chiffre: wiederholender Schlüssel
- Angenommen wir kennen die Schlüssellänge  $K$ :
  - Text in  $K$  Blöcke aufteilen (Beispiel:  $K = 3$ )  
PPKAMJELQHPIAH LWYPKDDNBGP MJELQHPIAH ZWUYJH ...
  - Auf jedem Block eigene Häufigkeitsanalyse:  
PAEHAWKNPEHAWJ | PMLPHYDBMLPHUH | KJQILPDGJQIZY
- Problem: Wie findet man die Schlüssellänge?  
**Kasiski Test:**  
PPKA**MJELQHPIAH**LWYPKDDNBGP**MJELQHPIAH**ZWUYJH ...
  - Suche nach wiederholenden Buchstabengruppen ( $N$ -Gramme)

# Vigenère Kryptoanalyse: Kasiski test

- Schwachstelle der Vigenère-Chiffre: wiederholender Schlüssel
- Angenommen wir kennen die Schlüssellänge  $K$ :
  - Text in  $K$  Blöcke aufteilen (Beispiel:  $K = 3$ )  
PPKAMJELQHPIAH LWYPKDDNBGP MJELQHPIAH ZWUYJH ...  
PAEHAWKNPEHAWJ | PMLPHYDBMLPHUH | KJQILPDGJQIZY
  - Auf jedem Block eigene Häufigkeitsanalyse:
- Problem: Wie findet man die Schlüssellänge?

## Kasiski Test:

PPKAMJELQHPIAH LWYPKDDNBGP MJELQHPIAH ZWUYJH ...

index = 4

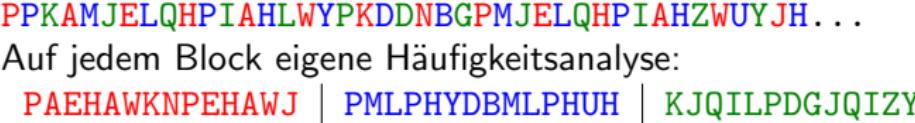
index = 25

- Suche nach wiederholenden Buchstabengruppen ( $N$ -Gramme)
- Bestimme Abstand zwischen den Wiederholungen  
(hier:  $d = 25 - 4 = 21$ )

# Vigenère Kryptoanalyse: Kasiski test

- Schwachstelle der Vigenère-Chiffre: wiederholender Schlüssel
- Angenommen wir kennen die Schlüssellänge  $K$ :
  - Text in  $K$  Blöcke aufteilen (Beispiel:  $K = 3$ )  
PPKAMJELQHPIAH LWYPKDDNBGP MJELQHPIAH ZWUYJH ...
  - Auf jedem Block eigene Häufigkeitsanalyse:  
PAEHAWKNPEHAWJ | PMLPHYDBMLPHUH | KJQILPDGJQIZY
- Problem: Wie findet man die Schlüssellänge?  
**Kasiski Test:**  
PPKA**MJELQHPIAH**LWYPKDDNBGP**MJELQHPIAH**ZWUYJH ...  
index = 4    index = 25
  - Suche nach wiederholenden Buchstabengruppen ( $N$ -Gramme)
  - Bestimme Abstand zwischen den Wiederholungen  
(hier:  $d = 25 - 4 = 21$ )
  - Schlüssellänge Teiler des Abstands:  $d = 3 \cdot 7 \rightarrow K = 3$  oder 7

# Vigenère Kryptoanalyse: Kasiski test

- Schwachstelle der Vigenère-Chiffre: wiederholender Schlüssel
- Angenommen wir kennen die Schlüssellänge  $K$ :
  - Text in  $K$  Blöcke aufteilen (Beispiel:  $K = 3$ )  

  - Auf jedem Block eigene Häufigkeitsanalyse:  

- Problem: Wie findet man die Schlüssellänge?  
**Kasiski Test:**  


index = 4    index = 25

  - Suche nach wiederholenden Buchstabengruppen ( $N$ -Gramme)
  - Bestimme Abstand zwischen den Wiederholungen  
(hier:  $d = 25 - 4 = 21$ )
  - Schlüssellänge Teiler des Abstands:  $d = 3 \cdot 7 \rightarrow K = 3$  oder 7

- Grund: Gleiche Wörter (oder Teile davon) manchmal gleich verschlüsselt
  - Klartext    TIMEFLIESLIKEANARROWFRUITFLIESLIKEABANANA
  - Schlüssel    WHYWHYWHYWHYWHYWHYWHYWHYWHYWHYWHYWH
  - Geheimtext    PPKAMJELQHPIAH... (redacted)

## Vigenère Kryptoanalyse: Friedman Test

- Statistischer Test zur Bestimmung der Schlüssellänge:

$\kappa_p$	Wahrscheinlichkeit, dass zwei zufällig gewählte Buchstaben eines Textes gleich sind
$\kappa_r$	Wahrscheinlichkeit, dass zwei Buchstaben eines zufälligen gleichverteilten Textes übereinstimmen
- Im Englischen (monocase, 26 Buchstaben)):

$$\kappa_p = 0.067 \quad \kappa_r = \frac{1}{26} = 0.0385$$

- Abschätzung der Schlüssellänge:

$$K \approx \frac{\kappa_p - \kappa_r}{\kappa_o - \kappa_r}$$

mit der beobachteten Koinzidenzrate

$$\kappa_o = \frac{\sum_{i=1}^{26} n_i(n_i - 1)}{N(N - 1)}$$

# Friedman Test: Anwendung

YNCJHFUGVBAVFYXIZBSRJCZGPBFCVTSUGGKWPWUHZCRFHYKFSOJCPGMMRBVUJFBWMWRJWEJIZGGLZGLHTUOFWQFCCXIUCOGTESSLKRFLSLNTCMEIKCOAJISAMGVBLBSKVWSNSUSJZWFKLAYYSFMTFYLAJFHZXWRGBNXKOKYFZFGIYONBSXDWKMRDKMMVPWMYVFUEFZATXHRIKXNKSLIOKLDRBVPFEHWWBVOJMMFIYAFJTGKYYOLMVDSLXZBYMMVFWSGISCLAYOLFTIBAGLVEMTQCMDTDZBDXFMSKGJHWIMRLKTURWGGCLOUDTYWCXUKHZKZFKMKFFSGTKVWKIRMQXYBBGPNEUZBNOQEJRKRHSKCOTDZRGNGKSVBKZGHZCRWQJIQGFJSOUDNJVESEQSSLXQCWFZYYWKPNCVSLNXVKHRVKZXWVOYXXRBVTLVGZXSTSLPTICSWXUWNWXSVBSRKGHIRBVBNKGDDYSGGJCSKLYIONXQVRTRFERLAFKVSLLRRWTQCHZXIZTXXWVBUX

- Rateversuch: Schlüssellänge  $K = 4$

# Friedman Test: Anwendung

YNCJHFUGVBAVFYXIZBSRJCZGPBFCVTSUGGKWPWUHZCRFYKFSOJCPGMMRBVUJFBWMWRJWEJIZGGLZGLHTUOFWQFCCXIUCOGTESSLKRFLNCTCMEIKCOAJISAMGVBLBSKVWNSUSJZWFKLAYYSFMTFYLAJFHZXWRGBNXKOKYFZFGIYONBSXDWKMRDKMMVPWMYVFUEFZATXHRIKXNKSLLIOKLDRBVPEFHWWBVOJMMFIYAFJTGKYYOLMMVDSLXZBYMMWFWSGISCLAYVOLFTIBAGLVEMTQCMDTDZBDXFMSKGJHWIMRLKTURWGGCLOUDTYWCXUKHZXZFKMKFFSGTKVWKIRMQXYBBGPNEUZHBNQEQJRRKHSKCOTDZRGNGKSVBKZGZHZCRWUJIQGFJSOUDNJVEQSSLXQCWFZYWKPKNKVSLNXVKHRVKZXWVOYXXRBVTLVGZXSTSLPTICSWXUWNWXSVBSRKGHIRBVBNKCGDDYSGGJCSKLYIONXQVRTRFERLAFKVSLRRWTQCHZXIZTXXWVBUX

- Rateversuch: Schlüssellänge  $K = 4$
- Teile Text in 4 Blöcke auf

# Friedman Test: Anwendung

YNCJHFUGVBAVFYXIZBSRJCZGPBFCVTSU GGKWPWUHZCRFYHKFSOJCPGMMRBVUJFBWMWRJWEJIZGGLZGLHTUOFWQFCXXIUCOGTESSLKRFSLNTCMEIKCOAJISAMGVBLBSKVWNNSUSJZWFKLAYYSFMTFYLAJFHZXWRGBNXKOKYFZFSGIYONBSXDWKMRDKMMVPWMYVFUEFZATXHRIKXNKKSLIOKLDRBVPEHWWBVOJMMFIYAFJTGKYOLMMVDSLXZBYMMWFWSGISCLAYYOLFTIBAGLVEMTQCMDTDZBDXFMSKGJHWIMRLKTURWGCOUDTYWCXUKHZKZFKMKFFSGTKVWKIRMQXYBBGPNEUZHBNQJEJRRKHSKCOTDZRGNGKSVBKZGHZCRWOJIQGFJSOUDNJVSEQSSLXQCWFZYYWKPKNKVSLSNXVKHRVKZXWVOYXXRBVTLVGZXSTSLPTICSWXUWNWXSVBSRKGHIRBVBNKCGDYSSGGJCSKLYIONXQVRTRFERLAFKVSLLRRWTQCHZXIZTXXWVBUX

YHVFZJPVGPZHSPRJMWWZ	NFBYBCBTGWCYOGBFWE GG	CUAXSZFSKURKJMVBRJGL	JGVIRGCUWHFFCMUWJILH
TWCCEKLMCIGBWSFYMLH R	UQXOSRNEOSVSNJKYTAZG	OFIGSFTIAABKSZLSFJXB	FCUTLSCJKMLVUWAFYFWN
XYSOXMMWFZHXSORFWJIJ	KFGNDRMMUARNLKBEBMYT	OZIBWDVYETIKLLVHVMAG	KFYSKKPVFXKKIDPWOFFK
YMSBVGLOILTDBMTILRCT	YMLYFIALBVQTDSJMKWOY	OVXMSWYFAECDXKHRTGUW	LDZMSCYTGMMFZGWRUGDC
XZFFTKQBEBEK CZGBZRIJ	UXKFKIXGUNJHORKKHQS	KKMSVRYPZORSTGSZZOGO	HZKGWMBNHQRKD NVGCJFU
DSSCYPSVVWXVGTTWNSRI	NELWYNLKKVXTZSIXXVKR	JQXFWKHNHZORLXLCUWBGB	VSQZKVRXYBVSPSWXSHV
BGSCYXTRKRTZTV	NDGSIQRLVRQXXB	KYGKOVFASRCIXU	CYJLNREFLWHZWX

$$\kappa_o = 0.0425$$

$$\kappa_o = 0.0404$$

$$\kappa_o = 0.0405$$

$$\kappa_o = 0.0432$$

- Rateversuch: Schlüssellänge  $K = 4$
- Teile Text in 4 Blöcke auf
- Bestimme Koinzidenzindex für jeden Block

# Friedman Test: Anwendung

YNCJHFUGVBAVFYXIZBSRJCZGPBFCVTSU GGKWPWUHZCRFYKFSOJCPGMMRBVUJFBWMWRJWEJIZGGLZGLHTUOFWQFCCXIUCOGTESSLKRFSLNTCMEIKCOAJISAMGVBLBSKVWNNSUSJZWFKLAYYSFMTFYLAJFHZXWRGBNXKOKYFZFSGIYONBSXDWKMRDCKMMVPWMYVFUEFZATXHRIKXNKKSLIOKLDRBVPEHWWBVOJMMFIYAFJTGYOLMMVDSLXZBYMMVFWSGISCLAYOLFТИBAGLVEMTQCMDTDZBDXFMSKGJHWIMRLKTTURGGCLOUDTYWCXUKHZKZFKMKFFSGTKVWKIRMQXYBBGPNEUZHBNQJEJRRKHSKCOTDZRGNKSVBKZGHZCRWOJIQGFJSOUDNJVSEQSSLXQCFZYYWKPKNKVSLSNXVKHRVKZXXWVOYXXRBVTLVGZXSTSLPTICSWXUWNWXSVBSRKGHIRBVBNKCGDYSSGGJCSKLYIONXQVRTRFERLAKFKVSLRRWTQCHZXIZTXXWVBUX

YHFVZJPVGPZHSPRJMWWZ	NFBYBCBTGWCYOGBFWE GG	CUAXSZFSKURKJMVBRJGL	JGVIRGCUWHFFCMUWJILH
TWCCEKLMCIGBWSFYMLH R	UQXOSRNEOSVSNJKYTAZG	OFIGSFTIAABKSZLSFJXB	FCUTLSCJKMLVUWAFYFWN
XYSOXMMWFZHXSORFWJ I J	KFGNDRMMUARNLKBEBMYT	OZIBWDVYETIKLLVHVMAG	KFYSKKPVFXKKIDPWOFFK
YMSBVGLOILTDBMTILRCT	YMLYFIALBVQTDSJMKWOY	OVXMSWYFAECDXKHRTGUW	LDZMSCYTGMMZFGWRUGDC
XZFFTKQBEBEK CZGBZRI J	UXKFKIXGUNJHORKKHQS	KKMSVRYPZORSTGSZZOGO	HZKGWMBNHQRKD NVGCJFU
DSSCYPSVVXVGTTWNSRI	NELWYNLKKVXTZSIXXVKR	JQXFWKHNZORLXLCUWBGB	VSQZKVRXYBVSPSWXSHV
BGSCYXTRKRTZTV	NDGSIQRLVRQXXB	KYGKOVFASRCIXU	CYJLNREFLWHZWX

$$\kappa_o = 0.0425$$

$$\kappa_o = 0.0404$$

$$\kappa_o = 0.0405$$

$$\kappa_o = 0.0432$$

- Rateversuch: Schlüssellänge  $K = 4$
- Teile Text in 4 Blöcke auf
- Bestimme Koinzidenzindex für jeden Block  
Erinnerung:

$$\kappa_p = 0.067 \text{ (englisch)}, \quad \kappa_r = 0.0385 \text{ (zufällig)}$$

# Friedman Test: Anwendung

YNCJHFUGVBAVFYXIZBSRJCZGPBCVTUSGGKWPWUHZCRFYKFSOJCPGMMRBVUJFBWMWRJWEJIZGGLZGLHTUOFWQFCXXIUCOGTESSLKRFSLNTCME  
IKCOAJISAMGVBLBSKVWNNSUSJZWFKLAYYSFMTFYLAJFHZXWRGBNXOKYFZFSGIYONBSXDWKMRDKMMVPWMVFVUEFZATXHRIKXNKKSLLIOKLDRBVP  
FEHWWBVQJMMFIYAFJTCKYYOLMMVDSLXZYBMMVFWSGISCLAYOLFТИABLVEMTQCMDTDZBDXFMSKGJHWIMRLKTURWGCOUDTYWCXUKHZXKZFK  
MKFFSGTKVWKIRMQXYBBGPNEUZHBNQEQEJRHKSKCOTDZRGNGKSVBKZCZHCRWOJIQGFJSOUDNJVSEQSSLXQCFWZYYWKPKNKVSBNXVKHRVKZXWVOY  
XXRBVTLVGZXSTSLPTICSWXUWNWXSVBSRKGHIRBVBNKCGDYSSGGJCSKLYIONXQVRTRFERLAFKFVSLRRWTQCHZXIZTXXWVBUX

YFAIJBSWZYJMJJWJ	NUVZCFUPCKCRFRI	CGFBZCGWRFPBBJZ	JVYSGVGUFSGVWWG	HBXRPTKHHOMUMEG
LTQITKNIJGSSWYT	ZUFUERTKIVKUFYF	GOCCSFCCSBVSKSY	LFCOSSMOALWJLFL	HWXGLLEAMBNZAMA
JWXFISMIMYFHNLDF	FRKZYXRVVZRKIRE	HGOFODDPFAIKOBH	ZBKSNWKWUTKSKVW	XNYGBKMMEXXLLPW
BMFYMXMGAFGTTXG	VFJYVZVIYTLQDFT	OITODBFSYIVCZMJ	JYGLSYWCOBEMBSH	MAKMLMSLLAMDDKW
IKGDXXMGKXPHEHT	MTGTUKKTIYNBJS	RUCYKZFKRBENRKZ	RROWHFFVMBUORCR	LWUCZKSWSQGZQKOG
NBHOFDEXZPLHXXT	GKZJJNQQYNNRWXL	KCZISJSCYKXXVVRV	SGRQOVSSWWVVKOBG	VZWGUSLFKSKZYVZ
XPWXBXHBDGLXRALT	STXWSINYJYQFRRQ	TIUXRRKYCIVEKRC	SCWSKBCCSSORRVRH	LSNVGVGGKNTLSWZ
XXX	IW	ZV	TB	XU

$$\kappa_o = 0.0523$$

$$\kappa_o = 0.0496$$

$$\kappa_o = 0.0517$$

$$\kappa_o = 0.0601$$

$$\kappa_o = 0.0511$$

- Rateversuch: Schlüssellänge  $K = 5$
- Teile Text in 5 Blöcke auf
- Bestimme Koinzidenzindex für jeden Block  
Erinnerung:

$$\kappa_p = 0.067 \text{ (englisch)}, \quad \kappa_r = 0.0385 \text{ (zufällig)}$$

# Enigma

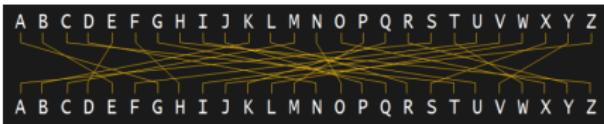
- Von den Deutschen im 2. Weltkrieg zur Verschlüsselung verwendet
- Von den Alliierten gebrochen (ohne Wissen der Deutschen)



© Reuters/O. Ganor

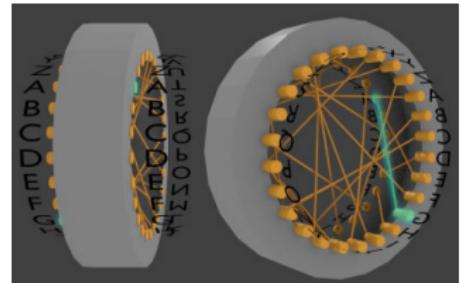
# Enigma Funktionsweise

- Grundlage: Substitutionschiffre



- Rotoren ändern die Substitution nach jedem Buchstaben

initial	A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z
position	↓↓↓
	G E T N D H Q Z U P B R C O X M K Y A W F I L S V J
first	A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z
turn	↓↓↓
	J G E T N D H Q Z U P B R C O X M K Y A W F I L S V
second	A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z
turn	↓↓↓
	V J G E T N D H Q Z U P B R C O X M K Y A W F I L S
third	A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z
turn	↓↓↓
	S V J G E T N D H Q Z U P B R C O X M K Y A W F I L



- Anfangsposition der Rotoren entspricht dem Schlüssel



## Enigma Funktionsweise

- Aus den Anfangspositionen der Rotoren erhält man

$$26 \cdot 26 \cdot 26 = 17\,576$$

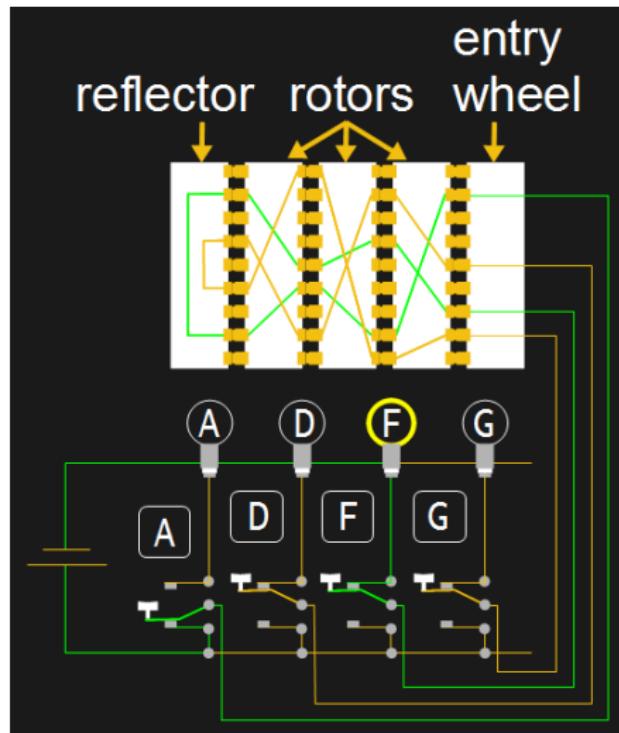
mögliche Verschlüsselungen für einen Buchstaben

- Es gibt mehrere mögliche Rotoren (numeriert mit I bis VII) von denen 3 Stück (in beliebiger Reihenfolge) ausgewählt werden

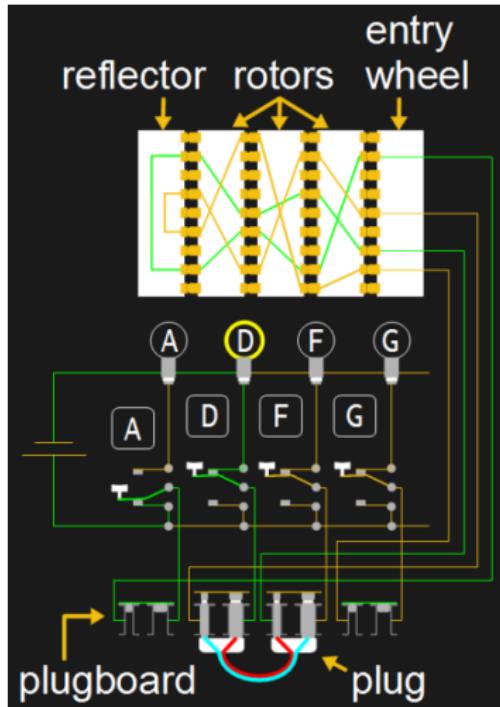
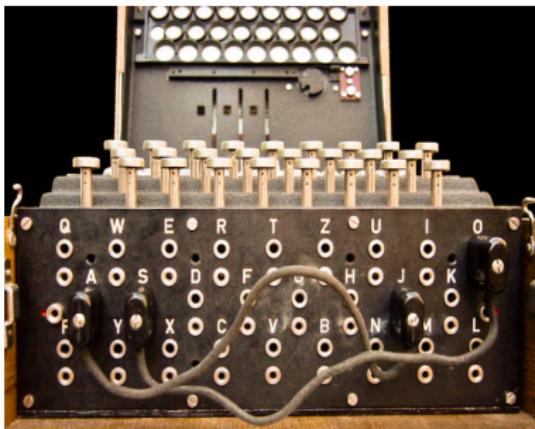
$$\rightarrow 8 \cdot 7 \cdot 6 = 336 \text{ Möglichkeiten}$$

Insgesamt:  $17\,576 \cdot 336 = 5\,905\,536$  Möglichkeiten

# Enigma: Innerer Aufbau



# Enigma: Steckerbrett



→ bis zu 158 962 555 217 826 360 000 Möglichkeiten

- Verwende Python3 Implementation `pyenigma`
- Crib attack (Teil des Klartexts ist bekannt)
- Brute force ohne Steckerbrett

Die folgende Nachricht wurde abgefangen. Wir wissen, dass irgendwo in der Nachricht der Wetterbericht steht. Heute hat es geregnet.

Der Rest der Nachricht enthält den letzten Voucher.

OXSTMZLWDZYSCHIZOUFKTLRYHWNDPBNOQLBVWLQMTU  
WPYBHFICHBCFABQBBPUZKHSWGAJAPJRETCRABZLFJT

Hier der gleiche Text mit einer anderen Walzenstellung:

JJSSHINCLYLAQUVENENTYRQOYYLNOLNVCUFPWYHIPH  
TLWUZBRJXEJNOHLUTIXAWFEQRPBHYFILLPDAUJDQTP

## Weitere Themen

- Buch-Verschlüsselung
- Known Plaintext Angriffe
- RSA

Webseiten zum Thema:

<https://www.cryptool.org/en/cto-ciphers/caesar>

<https://cryptii.com/>

<https://www.guballa.de/substitution-solver>

<https://www.dcode.fr/en https://hackaday.com/2017/08/22/the-enigma-enigma-how-the-enigma-machine-worked/>